



Math-Net.Ru

Общероссийский математический портал

В. Д. Лахно, Усиление электромагнитных волн черенковскими электронами в одноосном антиферромагнетике в сильном магнитном поле, *Физика твердого тела*, 1985, том 27, выпуск 10, 2920–2925

Использование Общероссийского математического портала Math-Net.Ru подразумевает, что вы прочитали и согласны с пользовательским соглашением

<http://www.mathnet.ru/rus/agreement>

Параметры загрузки:

IP: 217.26.18.36

21 марта 2022 г., 22:26:03



УДК 537.311.33+621.382.029.6

УСИЛЕНИЕ ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫХ ВОЛН ЧЕРЕНКОВСКИМИ ЭЛЕКТРОНАМИ В ОДНООСНОМ АНТИФЕРРОМАГНЕТИКЕ В СИЛЬНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

В. Д. Лазно

Вычислен коэффициент усиления спиновых волн черенковскими электронами в анизотропном антиферромагнетике, помещенном в сильное магнитное поле. Найдены условия усиления электромагнитных волн. В отличие от ферромагнетиков величина коэффициента усиления в антиферромагнетике оказывается на 4–5 порядков больше, облегчая тем самым экспериментальное изучение эффекта.

Наиболее перспективным подходом для создания усилителя электромагнитных волн в миллиметровом и в более коротком (до десятков микрон) диапазонах длин волн в настоящее время представляется использование усиления спиновых волн в магнитоупорядоченных кристаллах.

Одним из возможных механизмов такого усиления и генерации спиновых волн является черенковский механизм излучения магнонов быстрыми электронами. Применительно к ферромагнетику такой механизм рассматривался в [1, 2]. Существенно, что в силу сохранения полного спина системы вклад в усиление спиновых волн в этом случае дает только релятивистское взаимодействие частиц с намагниченностью кристалла. Это обстоятельство приводит к необходимости использования электронов со скоростями, близкими к световой [1].

Совершенно иной оказывается ситуация для носителей тока в антиферромагнетике (АФ). Как показано в [3], в антиферромагнетике снимается запрет на s – f обменный механизм генерации магнонов, открывая тем самым путь для эффективной генерации спиновых волн, причем наиболее значительным этот эффект становится в магнитном поле. Преобразование усиленных спиновых волн в электромагнитные должно иметь место вблизи антиферромагнитного резонанса (АФР). В изотропном антиферромагнетике такое преобразование затруднено тем обстоятельством, что носители тока в этом случае возбуждают акустические магноны, в то время как при АФР электромагнитная волна взаимодействует с оптической ветвью колебаний АФ. Поэтому практический интерес представляет расчет коэффициента усиления спиновых волн носителями тока в анизотропных АФ, где имеет место АФР на обеих ветвях колебаний намагниченности антиферромагнетика. Ниже будет рассмотрен случай АФ с одноосной анизотропией.

1. Гамильтониан s – f обмена в одноосном АФ

В общем виде гамильтониан, описывающий движение электрона проводимости в анизотропном АФ, помещенном в магнитное поле, имеет вид [4]

$$\left. \begin{aligned} \mathcal{H} &= \mathcal{H}_e + \mathcal{H}_{\text{int}} + \mathcal{H}_M, \\ \mathcal{H}_e &= \frac{1}{2m^*} \left(\mathbf{p} + \frac{e}{c} \mathbf{A} \right)^2, \quad \mathcal{H}_{\text{int}} = - \sum_{m, m'} A (R_m - R_{m'}) (S_m - \sigma_{m'}), \\ \mathcal{H}_M &= - \frac{1}{2} \sum_{i, m_1, m_1'} I_{m_1, m_1'}^i S_{m_1}^i S_{m_1'}^i - \frac{1}{2} \sum_{i, m_2, m_2'} I_{m_2, m_2'}^i S_{m_2}^i S_{m_2'}^i - \\ &\quad - \sum_{i, m_1, m_2} I_{m_1, m_2}^i S_{m_1}^i S_{m_2}^i - \sum_{i, m_1} S_{m_1}^i H_i - \sum_{i, m_2} S_{m_2}^i H_i, \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

где \mathcal{H}_e описывает движение электрона в магнитном поле с векторным потенциалом \mathbf{A} ; \mathcal{H}_{int} отвечает взаимодействию электрона проводимости с магнитной подсистемой кристалла с константой S — f -обмена, которую в дальнейшем будем полагать равной $A_{mm'} = A \delta_{mm'}$; \mathcal{H}_M — обменный гамильтониан анизотропного АФ, помещенного в магнитное поле H (H — в энергетических единицах). Для одноосного АФ с осью анизотропии вдоль оси y интегралы обмена имеют вид

$$I_{mn}^x = I_{mn}^z = I_{mn}, \quad I_{mn}^y = I_{mn} + \Delta I_{mn}. \quad (2)$$

Ограничиваясь в дальнейшем случае, когда имеется взаимодействие только между двумя эквивалентными подрешетками. введем обозначения:

$$\sum_{m_1, m_2} I_{m_1 m_2} S^2 = N J_{12}, \quad \sum_{m_1, m_2} \Delta I_{m_1 m_2} S^2 = N \Delta J_{12}, \quad (3)$$

где N — число магнитных атомов в подрешетке.

Рассмотрим случай, когда внешнее магнитное поле \mathbf{H} направлено вдоль оси z , т. е. перпендикулярно оси анизотропии. В этом случае во всём интервале изменения H вектор намагничённости АФ направлен вдоль поля ($\Delta J_{12} < 0$). Считая поле достаточно сильным, так что спин электрона полностью поляризован в направлении поля, и переходя в \mathcal{H}_M , \mathcal{H}_{int} к представлению операторов рождения и уничтожения магнонов ξ^+ , ξ и операторов рождения и уничтожения электронов a^+ , a в \mathcal{H}_e , \mathcal{H}_{int} получим вместо (1)

$$\left. \begin{aligned} \mathcal{H} &= \mathcal{H}_e + \mathcal{H}_{\text{int}}^{(1)} + \mathcal{H}_{\text{int}}^{(2)} + \mathcal{H}_M, \\ \mathcal{H}_e &= \sum_{\alpha} \varepsilon_{\alpha} a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha}, \quad \mathcal{H}_M = \sum_{j, q} \hbar \omega_{jq} \xi_j^{\dagger} \xi_{qj}, \\ \mathcal{H}_{\text{int}}^{(1)} &= \sum_{\alpha\alpha'q} A^{(j)} (a\alpha'q) a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha'} (\xi_{-qj}^{\dagger} + \xi_{qj}), \\ \mathcal{H}_{\text{int}}^{(2)} &= \sum_{\alpha\alpha'qq'j} B^{(j)} (a\alpha'qq') a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha'} \xi_{jq}^{\dagger} \xi_{q'j} + \sum_{\alpha\alpha'qq'j} C^{(j)} (a\alpha'qq') a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha'} (\xi_{-qj}^{\dagger} \xi_{-q'j}^{\dagger} + \xi_{qj} \xi_{q'j}), \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

j ($=1, 2$) отвечает двум ветвям магнонов в анизотропном АФ. Матричные элементы A, B, C имеют вид

$$\left. \begin{aligned} A^{(j)} (a, a', q) &= Q_q \langle a | e^{iqr} | a' \rangle \delta_{j, 2}, \\ B^{(j)} (a\alpha'qq') &= \Gamma_{qq'}^{(j)} \langle a | e^{i(q+q')r} | a' \rangle, \\ C^{(j)} (a\alpha'qq') &= Z_{qq'}^{(j)} \langle a | e^{i(q+q')r} | a' \rangle. \end{aligned} \right\} \quad (5)$$

Индекс α в (4), (5) нумерует собственные функции оператора кинетической энергии электрона в магнитном поле \mathcal{H}_e (с собственными значениями $\varepsilon_{\alpha} = p_x^2/2m^* + \hbar\Omega \left(n + \frac{1}{2} \right)$) и включает в себя квантовые числа n, p_x, p_y , где n — номер уровня Ландау; p_x, p_y — компоненты импульса электрона вдоль соответствующих осей (калибровка $A_x = 0, A_y = Hx, A_z = 0$). В частности, входящие в (5) коэффициенты C, Γ, Z для принятой здесь модели АФ в случае $j = 2$ имеют вид

$$\left. \begin{aligned} Q_q &= A (SH_{\parallel}^*)^{1/2} (1 - H^2/H_E^2)^{3/4} / 4N (H_E (1 - H^2/H_E^2) + 2H_a)^{1/2}, \\ \Gamma_{qq'} &= AH (H_E (1 - H^2/H_E^2) - H_a) / 8NH_E H_{\parallel} (1 - H^2/H_E^2)^{1/2}, \\ Z_{qq'} &= -AH (H_E (1 - H^2/H_E^2) + H_a) / 16NH_E H_{\parallel} (1 - H^2/H_E^2)^{1/2}, \\ H_{\parallel} &= (H_E H_a)^{1/2}, \end{aligned} \right\} \quad (6)$$

где H_a — поле анизотропии, H_E — обменное поле схлопывания подрешеток. В длинноволновом приближении в (6) выписаны только главные члены разло-

жения по волновому вектору колебаний намагниченности. В этом же приближении в принятой здесь геометрии магнотные частоты имеют вид

$$\omega_{q1} = \mu (H^2 + H_{EA}^2)^{1/2}, \quad (7)$$

$$\omega_{q2} = \mu H_{EA} (1 - H^2/H_E^2)^{1/2}, \quad (8)$$

где μ — атомный магнитный момент, $H_{EA} \sim H_{\parallel}$. Фигурирующие в (6), (8) поля H_a , H_E выражаются через обменные интегралы (2), (3) и в случае $|\Delta J_{12}| \ll \ll |J_{12}|$ имеют вид

$$H_E \approx 4 |J_{12}|, \quad H_a \approx 2 |\Delta J_{12}|.$$

2. Коэффициент усиления спиновых волн в магнитном поле

Кинетическое уравнение для магнотной функции распределения, описывающее одно- и двухмагнотные процессы излучения и поглощения, соответствующие гамильтониану (4), имеет вид

$$\begin{aligned} \frac{\partial m_q^{(j)}}{\partial t} = & \frac{2\pi}{\hbar} \sum_{\alpha\alpha'} |A^{(j)}(\alpha\alpha'q)|^2 \{ (m_q^{(j)} + 1) f_{\alpha'} (1 - f_{\alpha}) - m_q^{(j)} f_{\alpha} (1 - f_{\alpha'}) \} \delta(\varepsilon_{\alpha'} - \varepsilon_{\alpha} - \omega_{qj}) - \\ & - \frac{2\pi}{\hbar} \sum_{\alpha\alpha'q'} |B^{(j)}(\alpha'\alpha, -q', q)|^2 \{ f_{\alpha} m_q^{(j)} - m_q^{(j)} f_{\alpha'} - f_{\alpha'} f_{\alpha} (m_q^{(j)} - m_{q'}^{(j)}) + \\ & + (f_{\alpha} - f_{\alpha'}) m_{q'}^{(j)} m_q^{(j)} \} \delta(\varepsilon_{\alpha} - \varepsilon_{\alpha'} + \omega_{qj} - \omega_{q'j}) + \frac{8\pi}{\hbar} \sum_{\alpha\alpha'q'} |C^{(j)}(\alpha\alpha', -q, -q')|^2 \times \\ & \times \{ (m_q^{(j)} + m_{q'}^{(j)} + 1) f_{\alpha} (1 - f_{\alpha'}) + (f_{\alpha} - f_{\alpha'}) m_{q'}^{(j)} m_q^{(j)} \} \delta(\varepsilon_{\alpha} - \varepsilon_{\alpha'} - \omega_{qj} - \omega_{q'j}) + \\ & + I_d \{ m_q^{(j)} \}, \end{aligned} \quad (9)$$

где $m_q^{(j)}$ и f_{α} — магнотная и электронная функции распределения; $I_d \{ m_q^{(j)} \}$ — интеграл столкновений, включающий все оставшиеся (помимо электрон-магнотного) механизмы рассеяния.

Рассмотрим отклонение m_{qxj}^1 от стационарного распределения магнотов \tilde{m}_q^j , которое устанавливается в результате дрейфа электронов с функцией распределения

$$\bar{f}_{\alpha} = \left\{ \exp \beta \left[\varepsilon_{\alpha} + \frac{1}{2m^*} (p_x - m^* v_D)^2 \right] + 1 \right\}^{-1}, \quad (10)$$

где v_D — скорость дрейфа электронов вдоль оси z . Полагая $m_q^{(j)} = \tilde{m}_q^{(j)} + m_{qxj}^1$ и $f_{\alpha} = \bar{f}_{\alpha}$, получим из (10) следующее уравнение для m_{qxj}^1

$$\frac{\partial m_{qxj}^1}{\partial t} = R_1^{(j)}(q_x) m_{qxj}^1 + R_2^{(j)}(q_x) m_{qxj}^1 + I_d \{ m_q^{(j)} \}, \quad (11)$$

$$R_1^{(j)}(q) = \frac{2\pi}{\hbar} \sum_{\alpha\alpha'} |A^{(j)}(\alpha\alpha'q)|^2 (\bar{f}_{\alpha'} - \bar{f}_{\alpha}) \delta(\varepsilon_{\alpha'} - \varepsilon_{\alpha} - \omega_{qj}), \quad (11a)$$

$$\begin{aligned} R_2^{(j)}(q) = & - \frac{8\pi}{\hbar} \sum_{\alpha\alpha'q'} |C^{(j)}(\alpha'\alpha, -q, -q')|^2 \{ \bar{f}_{\alpha} (1 - \bar{f}_{\alpha'}) + \tilde{m}_q^{(j)} (\bar{f}_{\alpha} - \bar{f}_{\alpha'}) \} \times \\ & \times \delta(\varepsilon_{\alpha} - \varepsilon_{\alpha'} - \omega_{qj} - \omega_{q'j}). \end{aligned} \quad (11b)$$

При выводе (11), (11a) было учтено, что в принятом здесь длинноволновом приближении $\omega_{qj} = \omega_{0j}$ вклад члена $\sim |B|^2$ в правой части (9) в интеграл столкновений обращается в нуль, так как процессы одновременного рождения и уничтожения магнотна с энергией ω_{0j} не изменяют стационарного распределения. Введенная в (11) величина $R^{(j)}(q) = R_1^{(j)} + R_2^{(j)}$ определяет коэффициент уси-

ления спиновых волн j -й ветви. При произвольной величине внешнего магнитного поля матричные элементы $\langle \alpha | e^{iqr} | \alpha' \rangle$, входящие в (5), (11а) имеют вид

$$\langle \alpha | e^{iqr} | \alpha' \rangle = \delta_{p_y \alpha', p_y \alpha + q} \delta_{p_x \alpha', p_x \alpha + q_x} (n! n'!)^{-1/2} \times \\ \times \exp(-q_x^2 \rho_0^2 / 4) (q_x^2 \rho_0^2 / 2)^{\frac{|n' - n|}{2}} L_n^{|n' - n|} (q_x^2 \rho_0^2 / 2), \quad (12)$$

где $q_x^2 = q_x^2 + q_y^2$, $L_n^{|n' - n|}$ — обобщенные полиномы Лагерра, $\rho_0 = \sqrt{2\mu_B c \hbar / e H}$ — магнитная длина.

3. Коэффициент усиления спиновых волн в ультраквантовом пределе

Рассмотрим условия усиления низкочастотной ветви ($j = 2$). В квантовом пределе, когда циклотронная частота $\hbar \Omega \gg \hbar \omega_0$, T , в выражениях (11), (12) можно ограничиться приближением первого уровня Ландау. Полагая в этом случае $n = n' = 0$, из (5), (12) получим

$$|A^{(2)}(\alpha \alpha' q_x)|^2 = Q^2 \delta_{q_x, p'_x - p_x} \delta_{p'_x, p_x}, \quad (13)$$

$$|C^{(2)}(\alpha \alpha', -q', -q_x)|^2 = Z^2 e^{-q_x^2 \rho_0^2 / 2} \delta_{p'_x - p_x, -q_x - q_x} \delta_{p'_x - p_x, -q'_x}, \quad (14)$$

где $Q_q = Q$, $Z_{qq}^{(2)} = Z$ не зависят от q , q' . Подставляя (13) в (11а) и учитывая, что суммирование по p_x приводит к появлению фактора $L_x L_y m^* \Omega / 2\pi \hbar$, получим для $R_1(q_x)$ следующее выражение

$$R_1(q_x) = \frac{Q^2 V m^* \Omega}{\hbar^4 2\pi |q_x|} \Delta, \quad (15)$$

$$\Delta = f^0 \left(p_x = \frac{m^* \omega_{02}}{q_x} - p_D + \frac{\hbar q_x}{2} \right) - f^0 \left(p_x = \frac{m^* \omega_{02}}{q_x} - p_D - \frac{\hbar q_x}{2} \right), \quad (16)$$

где f^0 — равновесная функция распределения электронов, V — объем системы. В случае, когда волновой вектор волны удовлетворяет условию $\hbar^2 q_x^2 / 8m^* T \ll 1$, для невырожденного электронного газа вместо (16) получим

$$\Delta \approx e^{(\mu - \hbar \Omega / 2) / T} \frac{\hbar \omega_{02}}{T} \left(1 - \frac{q_x v_D}{\omega_{02}} \right) \exp \left[-\frac{\omega_{02}^2 m^*}{2q_x^2 T} \left(1 - \frac{q_x v_D}{\omega_{02}} \right)^2 \right], \quad (17)$$

где μ — химический потенциал.

Относительно величины R_2 отметим, что поскольку входящая в выражение для R_2 (11б) стационарная функция распределения магнонов из-за наличия члена $I_q \{m_q\}$ в общем случае неизвестна, ее можно оценить лишь приближенно. Считая, что \tilde{m}_q в условиях дрейфа электронов мало отличается от равновесной, т. е. полагая $\tilde{m}_q \approx m_q^0$ и $m^* v_D^2 / 2 \ll T$ с использованием (14) для R_2 из (11б), получим

$$R_2(q_x) = - \frac{\Omega}{\pi^3} \frac{m^* V^2 Z^2}{\rho_0^2 \hbar^4} e^{(\mu - \hbar \Omega / 2)} K_0(\hbar \omega_{02} / T), \quad \left. \begin{aligned} & \\ & K_0(x) \sim \begin{cases} \sqrt{\pi / 2x} e^{-x}, & x \gg 1, \\ -\ln 2x, & x \ll 1. \end{cases} \end{aligned} \right\} \quad (18)$$

Из (15)–(18) следует, что $R_1(q_x) < 0$ при $\omega_{02} - q_x v_D > 0$ и $R_1(q_x) > 0$ при $\omega_{02} - q_x v_D < 0$, в то время как $R_2(q_x)$ в рассматриваемом случае всегда отрицательна. Отсюда, в частности, следует, что высокочастотная ветвь оказывается при сделанных предположениях всегда затухающей. Таким образом, для усиления спиновых волн необходимо, чтобы при $\omega_{02} - q_x v_D < 0$ выполнялось условие

$$\Delta = |R_1(q_x)| / |R_2(q_x)| \geq 1. \quad (19)$$

В практически интересном случае, когда $H^2 / H_E^2 \ll 1$ (типичные значения H_E в АФ составляют $\sim 10^6 \div 10^7$ Э) при выполнении условия $q_x v_D \gg \omega_{02}$ с исполь-

зованием (15)—(18) и формул (6) для Q и Z получим для Λ следующее выражение

$$\Lambda \approx \frac{4\pi^2 S}{K_0 (\omega_{02}/T)} \frac{\hbar v_D}{aT} \left(\frac{\rho_0}{a} \right)^2 \frac{H_{\parallel}^3}{H^3}, \quad (20)$$

a — постоянная решетки. Величина магнитного поля в (19) ограничена снизу требованием $H \gg H_{\parallel}$ ($\Omega \gg \omega_0$). Так, например, при $T=20$ К $H_{\parallel}=5 \cdot 10^4$ Э, $H=5 \cdot 10^5$ Э, $v \approx 10^6$ см/сек, $a=3 \cdot 10^{-8}$ см, $\omega_0=10^{-3}$ эВ, $m^*=m_0$, $S=2$ величина $\Lambda \sim 20$, т. е. критерий усиления (19) выполняется с большим запасом. На практике более жесткое условие для усиления спиновых волн представляет требование

$$\eta > \gamma, \quad (21)$$

где $\eta=(R_1+R_2)/\omega_{02}$ — инкремент усиления спиновых волн, γ — декремент затухания, определяемый интегралом столкновений $I_a(m_q) \sim \gamma m_q^{-1}$. Если при тех же значениях параметров, которые были взяты для оценки Λ выбрать $H_E=10^6$ Э, $A=0.5$ эВ, и концентрации носителей тока $n \sim 5 \cdot 10^{17}$ величина η составит: $\eta \approx R_1/\omega_{02} \sim 10^{-1}$, т. е. на порядок превосходит декремент затухания γ , взятый из оценок затухания спиновых волн в иттриевых ферритах: $\gamma \sim 10^{-2} \div 10^{-3}$ [1].

4. Обсуждение результатов

Полученные результаты отвечают на вопрос об условиях усиления спиновых и электромагнитных волн в одноосном АФ. Вызванный сильным электрическим полем, параллельным оси анизотропии АФ, поток электронов приводит к генерации магнонов, принадлежащих второй резонансной ветви с частотой $\omega = \omega_2$, с которой взаимодействует электромагнитная волна с магнитной компонентой, направленной вдоль магнитного поля. Электромагнитная волна с перпендикулярной магнитной компонентой взаимодействует с первой резонансной ветвью, что приводит к обычному поглощению волны при АФР. Такой же вид имеют условия усиления и во всех других случаях, для которых вектор антиферромагнетизма перпендикулярен магнитному полю: усиление имеет место лишь для волн с продольной магнитной компонентой.

В настоящее время отсутствуют надежные экспериментальные данные, которые свидетельствовали бы об усилении спиновых волн в магнитоупорядоченных кристаллах. Это обстоятельство связано, по-видимому, с тем, что все эксперименты в этой области проводились исключительно для ФМ, в которых основным является релятивистский механизм усиления, неспособный обеспечить надежного выполнения критерия усиления (21). Имеющееся в ФМ сильное s - f -обменное взаимодействие носителей тока с намагниченностью в этом случае вносит лишь незначительный вклад в суммарное усиление по сравнению с релятивистским и экспоненциально стремится к нулю с увеличением взаимодействия при $AS \gg T$: $R_{\Phi} \sim \exp(-AS/T)$.

Сравнение коэффициента усиления в АФ (15), (18) с имеющимися оценками для R_{Φ} в ФМ (обусловленного релятивистским взаимодействием) при одинаковых скоростях дрейфа дает отношение: $R_{A\Phi}/R_{(\Phi)} \sim 10^4 \div 19^5$. Важную роль играет также то обстоятельство, что во многих АФ частотный интервал, в котором возможен АФР, лежит в далекой инфракрасной области, в то время как в ФМ резонанс возможен лишь в микроволновом или уже освоенном радиоволновом диапазоне.

В заключение автор выражает благодарность В. Г. Веселаго и К. М. Голанту, обративших его внимание на актуальность проблемы усиления спиновых волн в магнитоупорядоченных кристаллах.

¹ Отметим, что рассмотренный в работе бесстолкновительный предел ($ql \gg 1$, где l — длина пробега электрона) предполагает АФ с достаточно высокой подвижностью носителей (например, $\text{Hg}_{1-x}\text{Mn}_x\text{Te}$ с $u \sim 10^6$ см²/В·с). В АФ с малой подвижностью носителей тока ($u \lesssim 10 \div 10^2$ см²/В·с), как правило, реализуется обратный предел $ql \ll 1$. Этот случай, однако, выходит за рамки настоящей статьи и требует отдельного рассмотрения. Тем не менее и в этом случае усиления в АФ может на несколько порядков превосходить соответствующую величину в ФМ.

Л и т е р а т у р а

- [1] *Ахиезер А. И., Барьяхтар В. Г., Пелетминский С. В.* Спиновые волны. М.: Наука, 1967. 386 с.
- [2] *Стил М., Вюраль Б.* Взаимодействие волн в плазме твердого тела. М.: Атомиздат, 1973. 248 с.
- [3] *Лазно В. Д.* ФТТ, 1984, т. 26, № 8, с. 2547—2548.
- [4] *Вонсовский С. В.* Магнетизм. М.: Наука, 1971. 1032 с.

Поступило в Редакцию
25 октября 1984 г.
В окончательной редакции
18 марта 1985 г.
