# Свойства мелких *D*<sup>-</sup>-центров в полярных полупроводниках

© Н.И. Каширина, В.Д. Лахно<sup>¶</sup>, В.В. Сычев<sup>\*</sup>, М.К. Шейнкман

Институт физики полупроводников Национальной академии наук Украины,

03028 Киев, Украина

\* Институт математических проблем биологии Российской академии наук,

142290 Пущино, Россия

(Получена 4 июня 2002 г. Принята к печати 9 июля 2002 г.)

Проведено теоретическое рассмотрение энергии нижайших синглетного и триплетного термов мелких  $D^-$ -центров (два электрона, связанных с однозарядным кулоновским центром) в полупроводниках с ионной связью. Электрон-фононное взаимодействие описывается гамильтонианом Фрелиха. Энергия  $D^-$ -центра рассчитана с использованием метода канонических преобразований Буймистрова–Пекара для произвольной силы связи с фононами. Показано, что для всей области параметров электрон-фононного взаимодействия метод Буймистрова–Пекара дает наиболее низкие значения энергии основного состояния  $D^-$ -центров и свободного биполярона по сравнению с лучшими на сегодняшний день численными расчетами соответствующих величин, проводившихся в рамках прямых вариационных методов. Расчеты показали отсутствие как связанных метастабильных триплетных состояний, соответствующих нижайшему трилетному терму  $D^-$ -центра, так и биполярона для всей области параметров электрон-фононного взаимодействия, в полной аналогии с теоремой Хилла об отсутствии связанных возбужденных состояний иона H<sup>-</sup>.

#### 1. Введение

Двухэлектронные  $D^-$ -центры в полупроводниках (в Si и Ge [1-3], в GaAs, InP, InSb [4]) наблюдаются по изучению частотной зависимости фотопроводимости в далекой инфракрасной области частот. Атомарным аналогом рассматриваемой системы является отрицательный ион водорода H<sup>-</sup> с энергией ионизации 0.0555 Ry. В пренебрежении химическим сдвигом и электронфононным взаимодействием, D<sup>-</sup>-центры в кристалле обладают той же энергией, но измеренной в эффективных ридбергах  $\mathrm{Ry}^* = m^* e^4 / 2 \varepsilon_0^2 \hbar^2$  (где  $m^*$  — эффективная масса электрона,  $\varepsilon_0$  — статическая диэлектрическая проницаемость кристалла). Учет взаимодействия с фононами может привести к значительному повышению энергии связи двухэлектронной системы в кристалле по сравнению с величиной 0.0555 Ry\* [5,6]. В щелочногаллоидных кристаллах аналогом D<sup>-</sup>-центра являются *F*′-центры [7].

В последнее время тематика, связанная с изучением энергетической структуры двухэлектронных систем, интенсивно распространяется на низкоразмерные системы, включая квантовые точки [8,9] и кластеры [10,11]. Работы ведутся как в экспериментальной области [12,13], так и в области теоретического изучения энергетических уровней квазидвумерных систем, аналогов  $D^-$ -центров [14–17] и биполяронов [18] в изотропных кристаллах. Отчасти это связано с тем, что в последние годы интерес к подобным системам значительно повысился в связи с развитием нанотехнологий и принципиальной возможностью создания квантовых компьютеров на электронном спиновом резонансе [19–21] и, в частности, в структурах Ge–Si [21].

В первых работах [7,22], посвященных расчету энергии подобных двухэлектронных образований, пренебрегали электронными корреляциями, что значительно понижало величину энергии связи  $D^-$ -центра. Тем не менее метод Буймистрова–Пекара, предложенный в [22] для расчета энергии одноэлектронных и двухэлектронных состояний в кристаллах с произвольной силой связи электронной системы с фононами, является, как мы полагаем, одним из наиболее простых и эффективных методов расчета энергетического спектра электронных систем в твердом теле.

Данный метод, в связи со своей простотой, достаточно часто используется для расчета энергии конкретных систем, как одноэлектронных, так и двухэлектронных в кристаллах с произвольной силой связи электронов с фононами [5,23-25]. Тем не менее общепринято полагать, что метод Буймистрова-Пекара дает менее точные значения энергии двухэлектронных систем по сравнению с методом оптимизированного канонического преобразования, предложенного Адамовским [6] и дающего на сегодняшних день наиболее низкие значения энергии двухэлектронных систем (биполяронов и  $D^{-}$ -центров, или связанных биполяронов). Мы покажем, что при достаточно гибкой пробной электронной волновой функции (ВФ), учитывающей межэлектронные корреляции (прямая зависимость ВФ от расстояния между электронами), метод Буймистрова-Пекара дает для всей области параметров электрон-фононного взаимодействия более низкие значения, чем метод Адамовского. Последнее наряду с опробованной нами простой для аналитических выкладок системой функций делает возможным надежные численные расчеты в рамках данного метода энергии двухэлектронных систем ( $D^-$ -центров, биполяронов и обменно-связанных пар парамагнитных центров) в анизотропных кристаллах, а также в низкоразмерных системах для произвольной величины связи электронов с фононами. Ранее [26] данная система функций была опробована при расчете энергии биполярона

<sup>¶</sup> E-mail: lak@impb.psn.ru

в кристаллах с анизотропными эффективной массой и диэлектрической проницаемостью в условиях сильного электрон-фононного взаимодействия.

#### 2. Основные соотношения

Далее будем использовать фейнмановскую систему единиц, в которой  $\hbar = 1$ ,  $\omega = 1$  и  $2m^* = 1$ . Следовательно, единицей энергии служит  $\hbar\omega$ , а единицей длины  $L_0 = \sqrt{\hbar/2m^*\omega_0}$ . Гамильтониан  $D^-$ -центра (или связанного биполярона в трактовке [6]) имеет вид

$$H = \sum_{\mathbf{k}} a_k^+ a_k + \frac{\beta}{r_{12}} + \sum_{j=1}^2 \left[ -\nabla_j^2 - \frac{\gamma}{r_j} - \sum_{\mathbf{k}} \sqrt{\frac{4\pi\alpha}{V} \frac{1}{k}} (a_k - a_{-k}^+) \exp(i\mathbf{k}\mathbf{r}_j) \right],$$

$$\alpha = \frac{e^2}{2\hbar\omega} \left( \frac{1}{\varepsilon_{\infty}} - \frac{1}{\varepsilon_0} \right) \frac{1}{L_0}, \quad L_0 = \sqrt{\hbar/2m^*\omega_0},$$

$$\beta = \frac{e^2}{\hbar\omega\varepsilon_{\infty}L_0} = \frac{2\alpha}{1-\eta}, \quad \gamma = \frac{e^2}{\hbar\omega\varepsilon_0L_0} = \frac{2\alpha\eta}{1-\eta},$$
(1)

где  $\mathbf{r}_j$  — радиус-вектор *j*-го электрона с эффективной массой  $m^*$ ,  $r_{12}$  — расстояние между электронами. Мы предполагаем, что кулоновский заряд сосредоточен в начале координат. Влияние поляризации кристалла на кулоновское поле статического заряда учитывается введением статической диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_0$ . В оператор электрон-электронного взаимодействия входит высокочастотная диэлектрическая проницаемость  $\varepsilon_{\infty}$ ,  $a_k^+(a_k)$  — оператор рождения (уничтожения) продольного оптического фонона с волновым вектором **k**. Предполагаем, что частота фононов не зависит от **k** и равна  $\omega$ ,  $\alpha$  — безразмерная константа связи Фрелиха, V — объем кристалла.

# 2.1. Метод Буймистрова–Пекара в применении к двухэлектронным системам в полярных кристаллах с промежуточной электрон-фононной связью

В современном изложении метод Буймистрова– Пекара сводится к применению к гамильтониану (1) канонического преобразования  $\exp(\alpha S)H\exp(-\alpha S)$  с унитарным оператором

$$S = \sum_{\mathbf{k}} \left[ F_k^*(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) a_k - F_k(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) a_k^+ \right],$$

где  $F_k(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2)$  — некоторая функция координат электронной системы. Тогда справедливы следующие выражения:

$$\exp(S)a_k \exp(S) \to a_k + F_k, \quad \exp(S)a_k^+ \exp(S) \to a_k^+ + F_k^*$$

Физика и техника полупроводников, 2003, том 37, вып. 3

После усреднения по фононным переменным получим следующий функционал:

$$H = \frac{\beta}{r_{12}} + \sum_{j=1}^{2} \sum_{\mathbf{k}} \nabla_{j} F_{k}^{*} \nabla_{j} F_{k}$$
$$+ \sum_{j=1}^{2} \sum_{\mathbf{k}} \left\{ -\nabla_{j}^{2} - \frac{\gamma}{r_{j}} + V_{k} \left[ F_{k} \exp(i\mathbf{k}\mathbf{r}_{j}) + F_{k}^{*} \exp(i\mathbf{k}\mathbf{r}_{j}) \right] \right\} + \sum_{\mathbf{k}} F_{k} F_{k}^{*}.$$
(2)

Выражение (2) — исходное выражение для дальнейшей работы. Выберем функцию  $F_k$  в виде

$$F_k = C_k + \gamma_k f(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2), \qquad (3)$$

где  $C_k, \gamma_k$  — вариационные параметры.

Подставив (3) в (2) и проварьировав по  $C_k$  и  $\gamma_k$ (в отличие от метода Буймистрова–Пекара в [6] параметры  $C_k$  и  $\gamma_k$  выбираются в заданном аналитическом виде), получим следующее выражение для функционала основного состояния двухэлектронной системы:

$$E_{Bp} = J_S + J_i, \tag{4}$$

$$J_i = -\sum_{\mathbf{k}} V_k^2 \frac{\tilde{U}_k^2}{2k^2 + U_k \omega_k},\tag{5}$$

$$\tilde{U}_{k} = \langle \Psi_{12} | f_{k}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) L_{k}^{*}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle - \langle \Psi_{12} | f_{k}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle \langle \Psi_{12} | L_{k}^{*}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle, \quad (6)$$

$$L_k^*(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) = \exp(-i\mathbf{k}\mathbf{r}_1) + \exp(-i\mathbf{k}\mathbf{r}_2), \qquad (7)$$

$$U_{k} = \langle \Psi_{12} | f_{k}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) f_{k}^{*}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle - \langle \Psi_{12} | f_{k}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle \langle \Psi_{12} | f_{k}^{*}(\mathbf{r}_{1}, \mathbf{r}_{2}) | \Psi_{12} \rangle, \quad (8)$$

где  $J_i$  — добавка, появившаяся для промежуточной связи, а  $J_S$  соответствует функционалу  $D^-$ -центра в пределе сильного электрон-фононного взаимодействия

$$V_{S} = \bar{T}_{12} + \beta \bar{V}_{ee} - \gamma \bar{V}_{e} + \sum_{\mathbf{k}} V_{k}^{2} |\langle \exp(-i\mathbf{k}\mathbf{r}_{1}) + \exp(-i\mathbf{k}\mathbf{r}_{2}) \rangle|^{2},$$
(9)

Ĵ

$$\bar{T}_{12} = -\int \Psi_{12}(\Delta_1 + \Delta_2)\Psi_{12}d\boldsymbol{\tau},$$
(10)

$$\bar{V}_{ee} = \int \frac{|\Psi_{12}|^2}{r_{12}} d\boldsymbol{\tau},$$
(11)

$$\bar{V}_e = \int \frac{|\Psi_{12}|^2}{r_1} d\mathbf{\tau} + \int \frac{|\Psi_{12}|^2}{r_2} d\mathbf{\tau}.$$
 (12)

## 2.2. Функционал основного состояния двухэлектронной системы

Выбирая  $f_k(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) = L_k^*(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2)$  и, следовательно,  $\tilde{U}_k = U_k$ , получим

$$J_i = -\sum_{\mathbf{k}} V_k^2 \frac{U_k^2}{2k^2 + U_k \omega_k}.$$
 (13)

В частном случае отсутствия электронных корреляций, когда ВФ электронной системы записываются в виде произведения одноэлектронных ВФ  $\Psi(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) = \psi(\mathbf{r}_1)\psi(\mathbf{r}_2)$ , выражение (13) дает

$$J_{i} = -\sum_{j=1}^{2} \sum_{\mathbf{k}} V_{k}^{2} \frac{[1 - F_{k}^{2}(\mathbf{r}_{j})]^{2}}{k^{2} + [1 - F_{k}^{2}(\mathbf{r}_{j})]\omega_{k}}, \qquad (14)$$

где

$$F_k(\mathbf{r}_j) = \int \psi(\mathbf{r}_j) \exp(i\mathbf{k}\mathbf{r}_j) \psi^*(\mathbf{r}_j) d\boldsymbol{\tau}_j.$$

Подставив (14) в выражение (4), получим функционал, совпадающий с формулой (18) работы Буймистрова и Пекара [22].

При более общем выборе ВФ (немультипликативная форма, соответствующая учету электронных корреляций) следует пользоваться более общим функционалом, в котором добавка, соответствующая промежуточной связи  $J_i$ , определяется выражением (13).

В недавней работе [27], посвященной двухцентровому биполярону промежуточной связи, электронная ВФ выбиралась в виде симметризованного произведения поляронных функций, центрированных в различных точках, т.е. в немультипликативной форме (метод Гайтлера-Лондона в применении к биполярону). При этом для варьирования использовался функционал с добавкой  $J_i$ , определявшейся (14), справедливый только для частного случая, когда ВФ двухэлектронной системы выбраны в виде произведения одноэлектронных ВФ. Последнее, естественно, привело автора работы [27] к варьированию неправильного функционала и ошибочным численным расчетам. Правильные выражения для расчета энергии биполярона методом Буймистрова-Пекара приведены в [24], однако пробная функция, выбранная в [24] для всей области параметров электрон-фононного взаимодействия, давала более высокие значения энергии биполярона по сравнению с результатами работы [28].

#### 3. Численные расчеты

Выберем двухэлектронную ВФ в виде линейной комбинации гауссовых орбиталей:

$$\Psi(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r})_{2}) = \frac{1}{\sqrt{N_{12}}} \sum_{i=1}^{N} C_{i} [1 + (-1)^{S} P_{12}]$$
$$\times \exp(-a_{1i}r_{1}^{2} - 2a_{2i}\mathbf{r}_{1}\mathbf{r}_{2} - a_{3i}r_{2}^{2}), \quad (15)$$

где  $P_{12}$  — оператор перестановки электронных координат, показатель S = 0 и S = 1 для синглетного и триплетного состояний двухэлектронной системы соответственно. ВФ полярона и *F*-центра выбирается в виде

$$\Psi_p(\mathbf{r}) = \frac{1}{N_1} \sum_{i=1}^n C_i \exp(-a_i r^2),$$
 (16)

где  $C_i$ ,  $a_i$ ,  $a_{1i}$ ,  $a_{2i}$ ,  $a_{3i}$  — вариационные параметры, **r** — координаты электрона в поляроне, **r**<sub>1</sub>, **r**<sub>2</sub> — координаты первого и второго электрона в биполяроне соответственно,  $N_{12}$ ,  $N_1$  — нормировочные множители.

В пределе  $\eta \to 0$  ( $\eta = \varepsilon_{\infty}/\varepsilon_0$ , где  $\varepsilon_{\infty}$  и  $\varepsilon_0$  — высокочастотная и статическая диэлектрические проницаемости соответственно) связь электронов с кулоновским ядром ослабевает и  $D^-$ -центр становится эквивалентен одноцентровому биполярону, или биполярону Пекара. Одноцентровая конфигурация биполярона может рассматриваться как простейшая двухэлектронная система в кристалле. В то же время функционал данной системы включает в себя наиболее сложную часть, описывающую нелокальное взаимодействие двухэлектронной системы с фононным полем. С этой точки зрения добавление взаимодействия с полем статического заряда лишь незначительно усложняет численные расчеты энергетического спектра связанного биполярона или  $D^-$ -центра.

В табл. 1 приведены значения энергии биполярона  $E_{Bp}$ , рассчитанные с использованием системы гауссовых функций (15) (S = 0). Для всей области существования биполярона метод Буймистрова–Пекара дает наиболее низкие значения энергии основного состояния свободного биполярона и наиболее широкую область существования связанного биполярона по сравнению с наилучшими численными расчетами данных величин, проведенными прямыми вариационными методами [28]. В табл. 1 для сравнения приведены также численные расчеты данной величины  $E_{Bp}^A$ , выполненные в [28]. Количество слагаемых в ВФ (15) для расчета энергии биполярона N = 5.

При рассмотрении связанного биполярона в системе появляется дополнительный параметр, описывающий взаимодействие электронов с полем статического заряда. Выразим энергию  $D^-$ -центра как функцию двух безразмерных параметров — константы электронфононного взаимодействия Фрелиха  $\alpha = e^2/(2r_0\hbar\omega)\tilde{\varepsilon}$  (где  $1/\tilde{\varepsilon} = 1/\varepsilon_{\infty} - 1/\varepsilon_0$ ,  $r_0 = \sqrt{\hbar/2m^*\omega}$ ,  $\hbar\omega$  — частота длинноволновых продольных оптических фононов,  $m^*$  — эффективная масса электрона) и отношения эффективного ридберга к  $\hbar\omega$ :

$$R = m^* e^4 / 2\varepsilon_0^2 \hbar^3 \omega = (e^2 / 2r_0 \hbar \omega \varepsilon_0)^2.$$

В табл. 2 приведены в качестве примера рассчитанные нами величины энергии основного состояния центров  $D^-$  (S = 0) и  $D^0 - E^-$  и  $E^0$  соответственно для ряда кристаллов. Энергия связи обозначена как  $E_B$ . Все энергии выражены в единицах  $\hbar\omega$ . Верхними индексами L и A обозначены значения соответствующих величин,

	α										
η	6		7		9		20				
	$E_{Bp}$	$E^{\mathrm{A}}_{Bp}$	$E_{Bp}$	$E^{\mathrm{A}}_{Bp}$	$E_{Bp}$	$E^{ m A}_{Bp}$	$E_{Bp}$	$E^{\mathrm{A}}_{Bp}$			
0	-12.703	-12.601	-16.234	-16.067	-24.927	-24.652	-111.928	-110.504			
0.01	-12.595	-12.487	-16.053	-15.91	-24.650	-24.354	-110.497	-109.064			
0.1			-14.598	-14.500	-22.068	-21.756	-96.878	-95.335			

Примечание. Значения  $E^{\rm A}_{Bp}$  из работы [28].

**Таблица 2.** Энергия основного состояния  $D^-$ -центра (связанного биполярона) в единицах  $\hbar\omega$ 

Кристалл	α	R	$\hbar \omega$ , мэВ	$E^{-}$	$E_0$	$E_B^-$	$E_B^0$	$E_B^-/E_B^0$
CdTe CdS ZnSe	0.272 0.529 0.45	0.657 0.783 0.924	21.08 38.0 31.4	-1.266 -1.931 -1.926	-0.965 -1.363 -1.428	0.029 0.039 0.048	0.693 0.834 0.978	0.042 0.047 0.049
AgBr	1.64	1.68	15.4	-5.656 -5.637 <sup>L</sup>	-3.818 $-3.817^{L}$	0.198 0.180 <sup>L</sup> 0.132 <sup>A</sup>	2.178 2.177 <sup>L</sup> 2.166 <sup>A</sup>	0.091 0.083 <sup>L</sup> 0.061 <sup>A</sup>
AgCl	1.9	1.90	24.4	$-6.668 \\ -6.643^{L} \\ -6.662^{A}$	-4.483 $-4.482^{L}$	$0.285 \\ 0.261^{L} \\ 0.202^{A}$	2.583 2.582 <sup>L</sup> 2.560 <sup>A</sup>	$\begin{array}{c} 0.110 \\ 0.101^{ m L} \\ 0.078^{ m A} \end{array}$
CdF <sub>2</sub>	2.53	1.274	50.0	-7.357	-4.510	0.317	1.98	0.016

Примечание. Верхними индексами L обозначены результаты расчета из работы [5], индексами А — из работы [6].

полученные в работах [5] и [6] соответственно. Количество слагаемых в ВФ (15) и (16), использовавшихся для расчета энергии  $D^{-}$ - и  $D^{0}$ -центров, равно 12.

Для определения гибкости используемых нами функций при расчетах энергии двухэлектронных систем мы вычисляли с их помощью значения энергии основного состояния отрицательного иона водорода H<sup>-</sup> (данная атомная система является наиболее близким аналогом биполярона в атомной физике). Соответствующая энергия составила -1.055470 [N = 28 в (15)] по сравнению с точным значением -1.055502 [29].

Отдельного рассмотрения заслуживает вопрос о возможности формирования метастабильных триплетных состояний D<sup>-</sup>-центров. Особую важность данный вопрос приобретает в связи с тем, что отсутствие связанных триплетных состояний D<sup>-</sup>-центров (подобно отсутствию связанных возбужденных состояний иона Н- [30]) является одним из принципиальных условий для реализации способа детектирования спинового состояния двухэлектронной системы в квантовых компьютерах, работающих на электронном спиновом резонансе [21]. Приложенная в [21] схема кратко может быть описана следующим образом: приложение электрического поля вдоль линии, соединяющей обменносвязанную пару мелких парамагнитных центров, которая находится в синглетном состоянии, может привести к контролируемому переносу заряда на один из кулоновских центров и образованию D<sup>-</sup>-центра. В триплетном состоянии подобное объединение невозможно. Доноры остаются нейтральными, и перенос заряда между центрами отсутствует. Последнее и делает наблюдаемым спиновое состояние двухэлектронной системы.

Вариационные расчеты с использованием системы функций (15) для *S* = 1 показали, что для всей области параметров электрон-фононного взаимодействия, включая область предельно сильной связи ( $\alpha > 20$ ), выполняется соотношение  $E_p + E_D \leqslant E_{Dt}$ , где  $E_p, E_D, E_{Dt}$  энергия полярона, нейтрального донора и D<sup>-</sup>-центра в триплетном состоянии соответственно. Таким образом, в континуальном приближении электрон-фононное взаимодействие не приводит к образованию метастабильного триплетного состояния D<sup>-</sup>-центра, в полной аналогии с теоремой об отсутствии связанных возбужденных состояний отрицательного иона водорода Н- [30]. Связанное состояние триплетного биполярона, образованного в результате взаимодействия с оптическими фононами, как показали наши расчеты, также энергетически невыгодно. Проведенные нами контрольные расчеты энергии ортогелия с использованием системы функций (15) для S = 1 привели к полному воспроизведению экспериментального значения энергии ортогелия.

Обратим внимание на то, что включение в рассмотрение внешнего магнитного поля приводит к появлению вышележащих возбужденных состояний  $D^-$ -центра [31]. Расчеты триплетных состояний  $D^-$ -центра в сферических квантовых точках исследовались в [8].

## 4. Заключение

Выбранная нами система гауссовых функций в сочетании с методом расчета Буймистрова–Пекара дает наиболее низкие значения энергии  $D^-$ -центров и позволяет выполнять расчеты энергетического спектра более сложных двухэлектронных систем, таких как обменносвязанные пары парамагнитных центров, а также получить надежные значения энергии основного состояния парамагнитных центров и их комплексов в анизотропных кристаллах и системах с пониженной размерностью.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант № 01-07-90317).

## Список литературы

- [1] S. Narita. J. Phys. Soc. Jap., 49, 173 (1980).
- [2] P.J. Dean, J.R. Hayes, W.F. Flood. Phys. Rev., 161, 711 (1967).
- [3] P. Gross, M. Gienger, K. Lassmann. Jap. J. Appl. Phys., pt. 1, 26, 673 (1987).
- [4] C.J. Armistead, S.P. Najda, R.A. Stradling. Sol. St. Commun., 53, 1109 (1985).
- [5] D.M. Larsen. Phys. Rev. B, 39, 13061 (1989).
- [6] J. Adamowski. Phys. Rev. B, 39, 13061 (1989).
- [7] С.И. Пекар. Исследования по электронной теории кристаллов (М.; Л., ГИТТЛ, 1951).
- [8] B. Szafran, B. Stebe, J. Adamowski, S. Bednarek. Phys. Rev. B, 60, 15558 (1999).
- [9] B. Szafran, J. Adamowski, B. Stebe. J. Phys.: Condens. Matter., 10, 7575 (1998).
- [10] В.Д. Лахно. Изв. РАН. Сер. физ., 60, 65 (1996).
- [11] В.Д. Лахно. Изв. РАН. Сер. физ., 62, 1091 (1998).
- [12] S. Holmes, J.P. Cheng, B.D. McCombe, W. Schaff. Phys. Rev. Lett., 69, 2571 (1992).
- [13] Z.X. Jiang, B.D. McCombe, J.-L. Zhu, W. Schaff. Phys. Rev. B, 56, R1692 (1997).
- [14] D.M. Larsen, S.Y. McCann. Phys. Rev. B, 45, 3485 (1992).
- [15] J.M. Shi, F.M. Peeters, J.T. Devreese. Phys. Rev. B, 51, 7714 (1995).
- [16] I.K. Marmorkos, V.A. Schweigert, F.M. Peeters. Phys. Rev. B, 55, 5065 (1997).
- [17] J.M. Shi, F.M. Peeters, G.A. Farias, J.A.K. Freine, G.O. Hai, J.T. Devreese, S. Bednarek, J. Adamowski. Phys. Rev. B, 57, 3900 (1998).
- [18] S. Mukhopadhyay, A. Chatterjee. J. Phys.: Condens. Matter., 8, 4017 (1996).
- [19] A. Barenco, D. Deutsch, A. Ekert. Phys. Rev. Lett., 74, 4083 (1995).
- [20] D. Loss, D.P. DiVincenzo. Phys. Rev. A, 57, 120 (1998).
- [21] R. Vrijen, E. Yablonovitch, K. Wang, H.W. Jiang, A. Balandin, V. Roychowdhury, T. Mor, D.P. DiVincenzo. Phys. Rev. A, 62, 012 306 (2000).
- [22] В.М. Буймистров, С.И. Пекар. ЖЭТФ, 32 (5), 1193 (1957).
- [23] R.S. Brandt, F.C. Brown. Phys. Rev., 181, 1241 (1969).
- [24] П.Ж. Байматов, Д.Ч. Хужакулов, Х.Т. Шарипов. ФТТ, 39, 284 (1997).
- [25] S.A. McGill, K. Cao, W.B. Fowler, G.G. DeLeo. Phys. Rev. B, 57, 8951 (1998).
- [26] Н.И. Каширина, Е.М. Моздор, Э.А. Пашицкий, В.И. Шека. Изв. РАН. Сер. физ., 52 (8), 127 (1995).

- [27] В.К. Мухоморов. Опт. и спектр., 86 (1), 50 (1999).
- [28] J. Adamowski, S. Bednarek. J. Phys.: Condens. Matter., 4, 2845 (1992).
- [29] A.J. Thakkar, V.H. Smith, jr. Phys. Rev. A, 15, 1 (1977).
- [30] R.N. Hill. Phys. Rev. Lett., **38**, 643 (1977).
- [31] D.M. Larsen. Phys. Rev. B, 20, 5217 (1979).

Редактор Т.А. Полянская

# Properties of shallow $D^-$ -centers in a polar semiconductor

N.I. Kashirina, V.D. Lakhno\*, V.V. Sychyov\*, M.K. Sheinkman

Institute of Semiconductor Physics, National Academy of Sciences of Ukraine, 03028 Kiev, Ukraine \* Institute of Mathematical Problems of Biology, Russian Academy of Sciences, 142290 Pushchino, Russia